### **EPITA\_ING2\_S8 2018**

# PARTIEL ANALYSE DES DONNEES <u>Durée(1h30)</u>

Notes de cours ne sont pas autorisées Calculatrice non programmable autorisée

#### **EXERCICE1:**

Une urne contient 4 boules vertes et 12 boules blanches. On dispose par ailleurs d'une réserve de boules de chaque couleur. On considère des tirages successifs d'une boule de l'urne.

Après chaque tirage, on remet la boule dans l'urne avec elle 3 boules supplémentaires prélevées dans la réserve de la même couleur que la boule tirée.

On note  $X_n$  la variable aléatoire qui prends la valeur 1 si on obtient une boule blanche au n ième tirage et la valeur 0 si on obtient une boule verte

Soit 
$$S_n = \sum_{i=1}^n X_i \quad \forall n \in N^*$$

- 1) Déterminer la loi de  $\,X_{1}\,$  et calculer  $\,E(X_{1})\,$
- 2) Calculer les probabilités conditionnelles :  $P(X_2=0/X_1=0)$  Et  $P(X_2=0/X_1=1)$
- 3) Déterminer la loi de  $X_2$  et  $E(X_2)$
- 4) Calculer la probabilité conditionnelle :

$$P(X_{n+1} = 1/S_n = k) \ 0 \le k \le n$$

#### **EXERCICE 2**

On considère la matrice des données définie par :

$$X = \begin{pmatrix} -6 & 2 & -5 \\ -1 & -2 & 0 \\ 1 & 0 & 2 \\ 1 & 4 & -2 \\ -1 & 2 & -4 \\ 0 & -6 & -3 \end{pmatrix}$$

## La métrique choisie dans l'espace des individus est la matrice identité

Les six individus ont le même poids égal à  $\frac{1}{6}$ 

- 1) Calculer la moyenne de chaque variable et en déduire le centre de gravité du nuage
- 2) Calculer la matrice des données centrées  $\ Y$
- 3) Calculer la matrice de variance-covariance  $\,V\,$
- 4) Déterminer les valeurs propres de la matrice  $\,V\,$  et calculer le pourcentage d'inertie
- 5) Déterminer les deux facteurs principaux associés aux deux plus grandes valeurs propres
- 6) Déterminer les composantes principales et calculer les coefficients de corrélation linéaire